

На следующей странице находится автограф решения следующей задачи:

[Задача 18***. Кузнецова М. В., Поляков К. Ю.
Задачи для тренировки, Р-163, <http://kpolyakov.spb.ru>]

Введём выражение $M \& K$, обозначающее поразрядную конъюнкцию M и K (логическое "И" между соответствующими битами двоичной записи). Определите наименьшее натуральное число A , такое что выражение

$$((x \& 13 \neq 0) \wedge (x \& 39 \neq 0)) \rightarrow ((x \& A \neq 0) \wedge (x \& 13 \neq 0))$$

тождественно истинно (то есть принимает значение 1 при любом натуральном значении переменной x)?

18
 P-163, ***
 18,
 повышенный
 уровень,
 задачи
 для
 тренировки,
 Поляков К.,
 М. В. Кузнецова

? $\min_a \in \mathbb{N}$

$$((x \& 13 \neq 0) \wedge (x \& 39 \neq 0)) \rightarrow ((x \& A \neq 0) \wedge (x \& 13 \neq 0)) \equiv 1, \forall x \in \mathbb{N}$$

$$\begin{aligned} a &= (x \cdot a = 0) \\ b &= (x \cdot 13 = 0) \\ c &= (x \cdot 39 = 0) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} \overline{b \cdot c} &\rightarrow \overline{a \cdot b} \equiv 1 \\ \overline{b \cdot c} \vee \overline{a \cdot b} &= \\ &= \overline{b \vee c} \vee \overline{a \cdot b} = \\ &= (\overline{b \vee a}) \cdot (\overline{b \vee b}) \vee c = \\ &= \overline{b \vee a} \vee c = \overline{a} \vee \underbrace{b \vee c}_a \equiv 1 \end{aligned}$$

13, 39 $\rightarrow 2^5$
 биты: 0..5
 одинаковое
 количество бит
 и для 13 и для 39

$a = b \vee c$
 правило:
 \min_a через \overline{a}

$$\begin{aligned} \overline{a} &= \overline{b \vee c} \\ \overline{a} &= \overline{b \cdot c} \\ \overline{A} &= \overline{B \cap C} \end{aligned}$$

через \cap
 множество
 удобнее
 найти
 множество
 \overline{A}

		b					c									
		x · 13 = 0					x · 39 = 0									
		5	4	3	2	1	0	5	4	3	2	1	0			
13	x	0	0	1	1	0	1	1	0	0	1	1	1			
		.	.	0	0	.	0	b	x	0	.	.	0	0	0	c
							0								0	

		$\overline{B \cap C}$					
		5	4	3	2	1	0
\overline{B}		.	.	?	?	.	?
\overline{C}		?	.	.	?	?	?
\overline{A}		?	.	?	?	?	?

3, 2, 0 бит
 не м. б. в
 одноразрядно

5, 2, 1, 0 биты не м. б. однор. 0

правила \cap
 · n ? = ?
 ? n . = ?
 ? n ? = 0

Распишем
 4
 подмаски

		\overline{A}					
		5	4	3	2	1	0
0		?	?	?	?	?	?
1		?	?	?	?	?	?
2		?	?	?	?	?	?
3		?	?	?	?	?	?

		x · a ≠ 0					
		5	4	3	2	1	0
		?	?	?	?	?	?
		?	?	?	?	?	?
		?	?	?	?	?	?
		?	?	?	?	?	?
		?	?	?	?	?	?
a		1	1	0	1		

эти 3 "1"
 достаточно,
 они удовл.
 всем 4-м
 подмаскам

правило подбора для $a \cdot x \neq 0$
 Если пишем
 min,
 то под
 справа пишем кол-во 1,
 удовлетв. всем маскам

$a = 1101_2 = 13_{10}$

Ответ: 13

18.11.16,
 22.11.16

РЕШЕНИЕ этой задачи опубликовано в сети Internet по адресу
<http://www.Best-Listing.ru/color-15-task-96.html>

Sergey Mitrofanov, 08.12.16, 11:32

E-mail: infostar@mail.ru

© <http://www.Best-Listing.ru/>, 2006—2016