

На следующей странице находится  
автограф решения следующей задачи:

---

[Задача 23. Поляков К. Ю., Ройтберг М. А. Системы логических уравнений: решение с помощью битовых цепочек. Информатика, декабрь 2014, задача 22, type = 1]

**Найти число решений системы уравнений**

$$x_1 \wedge \neg x_2 \vee \neg x_1 \wedge x_2 \vee x_3 \wedge x_4 \vee \neg x_3 \wedge \neg x_4 = 1$$

$$x_3 \wedge \neg x_4 \vee \neg x_3 \wedge x_4 \vee x_5 \wedge x_6 \vee \neg x_5 \wedge \neg x_6 = 1$$

$$x_5 \wedge \neg x_6 \vee \neg x_5 \wedge x_6 \vee x_7 \wedge x_8 \vee \neg x_7 \wedge \neg x_8 = 1$$

$$x_7 \wedge \neg x_8 \vee \neg x_7 \wedge x_8 \vee x_9 \wedge x_{10} \vee \neg x_9 \wedge \neg x_{10} = 1$$

---



23

Задана 22,  
Поляков К.,  
Статья  
Системы  
логических  
уравнений,  
1 сентября,  
декабрь,  
2014,  
с.

type=1

K-?

$$\left\{ \begin{aligned} x_1 \cdot \bar{x}_2 \vee \bar{x}_1 \cdot x_2 \vee x_3 \cdot x_4 \vee \bar{x}_3 \cdot \bar{x}_4 &= 1 \\ x_3 \cdot \bar{x}_4 \vee \bar{x}_3 \cdot x_4 \vee x_5 \cdot x_6 \vee \bar{x}_5 \cdot \bar{x}_6 &= 1 \\ x_5 \cdot \bar{x}_6 \vee \bar{x}_5 \cdot x_6 \vee x_7 \cdot x_8 \vee \bar{x}_7 \cdot \bar{x}_8 &= 1 \\ x_7 \cdot \bar{x}_8 \vee \bar{x}_7 \cdot x_8 \vee x_9 \cdot x_{10} \vee \bar{x}_9 \cdot \bar{x}_{10} &= 1 \end{aligned} \right.$$

$$\left\{ \begin{aligned} \overline{x_1 \equiv x_2} \vee (x_3 \equiv x_4) &= 1 \\ \overline{x_3 \equiv x_4} \vee (x_5 \equiv x_6) &= 1 \\ \overline{x_5 \equiv x_6} \vee (x_7 \equiv x_8) &= 1 \\ \overline{x_7 \equiv x_8} \vee (x_9 \equiv x_{10}) &= 1 \end{aligned} \right.$$

$$\begin{aligned} \text{I. } & a \cdot \bar{b} \vee \bar{a} \cdot b = \overline{a \equiv b} \\ \text{II. } & a \cdot b \vee \bar{a} \cdot \bar{b} = (a \equiv b) \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} & \overline{a \cdot b \vee \bar{a} \cdot \bar{b}} = \\ & = (\bar{a} \vee \bar{b}) \cdot (a \vee b) \end{aligned}$$

Ищем

$$1^\circ a \equiv x_1 \equiv x_2$$

$$1^\circ \left\{ \begin{aligned} \bar{a} \vee b &= 1 \\ \bar{b} \vee c &= 1 \\ \bar{c} \vee d &= 1 \\ \bar{d} \vee e &= 1 \end{aligned} \right.$$

$$2^\circ \left\{ \begin{aligned} a \rightarrow b &= 1 \\ b \rightarrow c &= 1 \\ c \rightarrow d &= 1 \\ d \rightarrow e &= 1 \end{aligned} \right.$$

$$3^\circ \begin{array}{c|c|c|c|c} a & b & c & d & e \\ \hline 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{array}$$

$$4^\circ \begin{array}{c|c|c|c|c} a & b & c & d & e \\ \hline 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \rightarrow 2^5 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \rightarrow 2^5 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 & 1 & 1 \end{array}$$

$\xrightarrow{2^5} \frac{2^5}{6} = 32 \dots$   
 $\frac{32}{6} = 5 \dots 2$   
 $\frac{30}{6} = 5$   
 $\frac{192}{6} = 32$

Ответ: 192

Answer

10.03.16, 17.12.16



РЕШЕНИЕ этой задачи опубликовано в сети Internet по адресу  
<http://www.Best-Listing.ru/color-15-task-108.html>

Sergey Mitrofanov, 23.12.16, 14:36

E-mail: [infostar@mail.ru](mailto:infostar@mail.ru)

© <http://www.Best-Listing.ru/>, 2006—2016